

# کنترل پیش‌بین مبدل‌های چندسطحی چندبخشی با بهره‌گیری از الگوریتم رمزگشایی کروی

حسین شفائیه هیق، رضا محبوبی اسفنجانی و محمد هجری

اغلب با روش‌های سلسله‌مراتبی کنترل می‌شوند. این روش‌ها حداقل دو حلقه کنترلی دارند که در حلقه اول، کنترل جریان بار و در حلقه دوم، کنترل تعادل ولتاژ خازن‌ها و جریان‌های گردشی صورت می‌پذیرد [۳] و [۴]. پیاده‌سازی این روش‌ها بر مبنای چندین کنترل کننده تناوبی-انتگرالی (PI) انجام می‌شود که تنظیم پارامترهای آنها به طور هم‌زمان و با لحاظ قیود مداری بسیار دشوار است [۵].

مزایای کنترل پیش‌بین نظری امکان استفاده سرراست آن برای سیستم‌های چندمتغیره، تعریف هم‌زمان اهداف چندگانه کنترلی و قابلیت اعمال قیود مداری، سبب محبوبیت آن در کنترل مبدل‌های چندسطحی شده است [۶] و [۷]. برخلاف اغلب کنترل کننده‌های متداول که برای اعمال ورودی کنترل بر سوئیچ‌های مبدل از استراتژی‌های مختلف مدولاسیون پنهانی پالس استفاده می‌کنند، در کنترل پیش‌بین، فرمان‌های کنترلی لازم برای سوئیچ‌های مبدل به طور مستقیم توسط کنترل کننده تولید می‌شوند [۸] و [۹]. اما علی‌رغم مزیت‌های فراوان کنترل پیش‌بین، حجم بسیار بالای محاسبات، کاربرد عملی آن را دشوار می‌کند.

کنترل پیش‌بین مبتنی بر مدل با مجموعه کنترلی متناهی<sup>۱</sup> (FCS-MPC)، یک روش کارآمد برای کنترل مبدل‌های چندسطحی است که در آن به دلیل محدودبودن تعداد حالات کلیدزنی، بار محاسباتی کاهش می‌یابد [۱۰] و [۱۱]. با این وجود در این روش هم، افزایش طول افق پیش‌بینی یا افزایش تعداد سطوح ولتاژ مبدل، حجم بالای محاسبات را به دنبال دارد که چالش مهمی در پیاده‌سازی عملی این الگوریتم برای مبدل‌های چندسطحی است. کنترل پیش‌بین مدل مستقیم جریان<sup>۲</sup> (MPDCC) از روش‌های پیشنهادی اخیر است [۱۲] که در آن برای غلبه بر بار سنگین بهینه‌سازی، مدل دینامیکی کلی مبدل، مشابه [۱۳] به دو قسمت تفکیک شده و با لحاظ برخی مفروضات محاسبات به صورت سلسله‌مراتبی انجام می‌شود.

با توجه به این که حجم بالای محاسبات الگوریتم کنترل پیش‌بین برای مبدل‌های چندسطحی، به ویژه به ازای افق پیش‌بینی طولانی و تعداد سطوح زیاد، مانع مهمی در پیاده‌سازی عملی آن می‌باشد، در این مقاله با هدف کاهش بار محاسبات، یک روش کارآمد در چارچوب FCS-MPC برای کنترل یکپارچه جریان بار، تعادل ولتاژ خازن‌ها و همچنین تنظیم جریان گردشی مبدل‌های چندسطحی چندبخشی به کار گرفته می‌شود. تمایز اساسی رویکرد پیشنهادی با روش‌های موجود در مقالات به قرار زیر است: نخست این که برخلاف اغلب روش‌های FCS-MPC که برای تعیین استراتژی کلیدزنی در مبدل‌های چندسطحی چندبخشی استفاده شده‌اند با الهام از ایده‌های [۱۴]، از الگوریتم رمزگشایی کروی<sup>۳</sup> برای انجام محاسبات بهینه‌سازی استفاده می‌شود که نقش اساسی

چکیده: در مبدل‌های چندسطحی چندبخشی با افزایش تعداد سطوح ولتاژ، کیفیت شکل موج خروجی بهبود می‌یابد و کلیدهای نیمه‌هادی قدرت، ولتاژ کنترلی را تحمل می‌کنند؛ اما با افزایش تعداد اجزای مدار، تعیین استراتژی کلیدزنی بسیار پیچیده می‌شود. در این مقاله، در چارچوب روش کنترل پیش‌بین با مجموعه کنترل متناهی، یک روش کارا برای تنظیم جریان بار، تعادل ولتاژ خازن‌ها و همچنین کنترل جریان گردشی در مبدل‌های چندسطحی ارائه می‌شود که از الگوریتم رمزگشایی کروی برای انجام محاسبات بهینه‌سازی استفاده می‌کند. ویژگی مهم رویکرد مورد استفاده، کاهش قابل توجه حجم محاسبات لازم در الگوریتم کنترل است که امکان استفاده از آن را برای مبدل‌های چندبخشی با تعداد سطوح ولتاژ بالا و برای افق‌های پیش‌بینی طولانی فراهم می‌کند. روش پیشنهادی بر روی یک نوع مبدل سه‌سطحی، شیوه‌سازی و مزایای آن در مقایسه با روش‌های موجود نشان داده می‌شود.

**کلیدواژه:** بهینه‌سازی رمزگشایی کروی، کنترل پیش‌بین، مبدل چندسطحی چندبخشی.

## ۱- مقدمه

برخلاف مبدل‌های قدرت توان پایین که بهبود کیفیت ولتاژ در آنها از طریق افزایش فرکانس کلیدزنی انجام می‌گیرد، در مبدل‌های توان بالا برای اجتناب از زیادشدن تلفات کلیدزنی، کیفیت خروجی با ترکیب سطوح مختلف ولتاژ ارتقا می‌یابد. در مبدل چندسطحی چندبخشی<sup>۱</sup> که از اتصال سری چندین مبدل پایه (بخش) در هر فاز ساخته می‌شود، تعداد سطوح ولتاژ با افزایش تعداد بخش‌ها بیشتر و در نتیجه، موجب ارتقای عملکرد سیستم می‌شود [۱]. در این نوع مبدل‌ها، ولتاژ DC در هر بخش به مرادی کمتر از ولتاژ DC کل می‌باشد و بنابراین می‌توان از ادوات نیمه‌هادی ارزان‌تر استفاده نمود.

برای دست‌یابی به عملکرد مطلوب، علاوه بر طراحی مناسب ساختار مدار، لازم است که سیستم کنترل به نحوی طراحی شود که اولاً ریاضی سیگنال مرجع در خروجی با کمترین خطای انجام گیرد. ثانیاً ولتاژ خازن‌های بخش‌ها در محدوده نامی آنها حفظ شود یا به عبارتی، ولتاژ تمامی خازن‌ها متعادل گردد. ثالثاً جریان مزاحم گردشی که در اثر تغییرات ولتاژ خازن‌ها تولید می‌شود تا حد ممکن کمینه گردد [۲]. مبدل‌های چندبخشی سنتی

این مقاله در تاریخ ۲۳ اسفند ماه ۱۳۹۵ دریافت و در تاریخ ۱۹ مهر ماه ۱۳۹۶ بازنگری شد.

حسین شفائیه هیق، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه صنعتی سهند، تبریز، (email: h\_shafaiyeh@sut.ac.ir)

رضا محبوبی اسفنجانی، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه صنعتی سهند، تبریز، (email: mahboobi@sut.ac.ir)

محمد هجری، دانشکده مهندسی برق، دانشگاه صنعتی سهند، تبریز، (email: hejri@sut.ac.ir)

1. Modular Multi-Level Converters

2. Finite Control Set-Model Predictive Control

3. Model Predictive Direct Current Control

4. Sphere Decoding Algorithm

که در آن  $v_{c,m}$  نشان‌دهنده ولتاژ خازن بخش است. خازن هر بخش با توجه به حالت کلیدزنی (۰ یا ۱) توسط جریان بازوی مربوطه  $i_{rq}$  که در آن  $\{T, B\}$  می‌باشد، شارژ یا تخلیه می‌شود.

در ادامه، معادلات فضای حالت مبدل که با استفاده از روابط مداری به دست می‌آیدند از [۱۳] بازخوانی می‌شوند. جریان‌های مستقل به همراه ولتاژهای شبکه به عنوان متغیرهای حالت برای زیرمدل اول انتخاب شده‌اند. بردار حالت برای زیرمدل اول به صورت (۲) تعریف می‌شود

$$x_i = [i_{aT}, i_{aB}, i_{bT}, i_{bB}, i_{DC}, v_{g,\alpha}, v_{g,\beta}]^T \quad (2)$$

بردار ورودی نیز مشکل از حالات کلیدزنی بخش‌ها به صورت (۳) است

$$u = [u_{a1}, u_{a2}, u_{a3}, \dots, u_{c,N}]^T \in \{0, 1\}^{2N} \quad (3)$$

ولتاژ خازن‌ها در سیستم آلفا-بتا، متغیرهای حالت زیرمدل دوم در نظر گرفته شده‌اند. بردار حالت زیرمدل دوم به صورت (۴) است

$$x_c = [v_{c,a1}, v_{c,a2}, v_{c,a3}, \dots, v_{c,cN}]^T \quad (4)$$

بردار ورودی برای زیرمدل دوم، همان بردار تعریف شده برای زیرمدل اول در (۳) می‌باشد. جریان‌های خروجی در فازهای  $a$ ،  $b$  و  $c$  از (۵) تا (۷) محاسبه می‌شوند

$$i_a = i_{aT} - i_{aB} \quad (5)$$

$$i_b = i_{bT} - i_{bB} \quad (6)$$

$$i_c = -i_{aT} + i_{aB} - i_{bT} + i_{bB} \quad (7)$$

جریان‌های گردشی نیز از (۸) به دست می‌آید

$$i_{cir,r} = \frac{i_{rT} + i_{rB}}{2} \quad (8)$$

معادلات فضای حالت زمان گسسته سیستم برای زیرمدل اول به صورت (۹) و (۱۰) است

$$x_i(k+1) = A_i x_i(k) + B_i u(k) + V_i \quad (9)$$

$$y_i(k+1) = C_i x_i(k+1) \quad (10)$$

که در آن بردار خروجی زیرمدل اول به صورت (۱۱) تعریف می‌شود

$$y_i = [i_a, i_b, i_c, i_{cir,a}, i_{cir,b}, i_{cir,c}]^T \quad (11)$$

مدل گسسته برای زیرمدل دوم نیز به صورت (۱۲) و (۱۳) می‌باشد

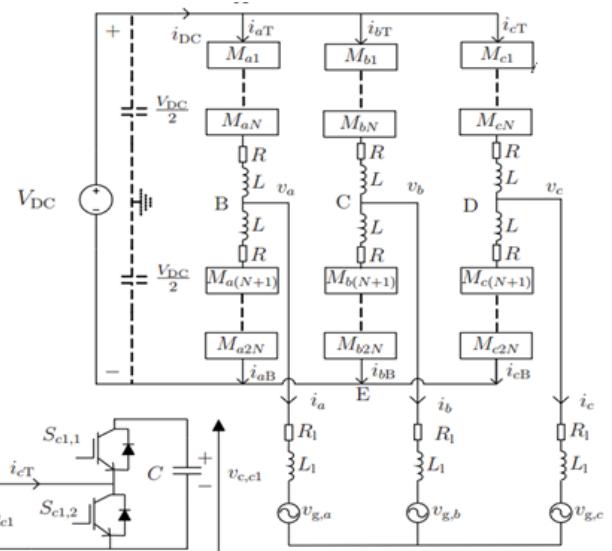
$$x_c(k+1) = A_c x_c(k) + B_c u(k) \quad (12)$$

$$y_c(k+1) = C_c x_c(k+1) \quad (13)$$

به طور خلاصه، مدل دینامیکی فضای حالت که سیستم مبدل را توصیف می‌کند مشکل از (۹) تا (۱۳) است که ماتریس‌های ثابت موجود در آنها در پیوست مقاله در (پ-۱) تا (پ-۷) آورده شده‌اند.

### ۳- طراحی کنترل کننده پیش‌بین

برای فرمول‌بندی کنترل کننده پیش‌بین لازم است که نخست، مدل دقیقی از سیستم برای پیش‌بینی رفتار آتی آن فراهم شود و سپس اهداف کنترلی به فرم تابع هزینه و قیود بیان می‌شوند. در رویکرد پیشنهادی برای پیش‌بینی رفتار آینده سیستم، از مدل جامع (۱۴) و (۱۵) که ترکیب دو زیرمدل ذکر شده در (۹) تا (۱۳) است استفاده می‌شود. با توجه به این که حالت‌های  $x_i$  و  $x_c$  بر هم‌دیگر تأثیر متقابل دارند، افزونه کردن آنها در قالب یک بردار حالت کامل بر دقت پیش‌بینی مدل می‌افزاید



شکل ۱: شماتیک مبدل‌های چندسطحی چندبخشی همراه با یک بخش نیمپل [۱۳].

را در کاهش بار محاسبات ایفا می‌کند. دوم این که در مقایسه با استراتژی MPDCC [۱۲]، در اینجا از مدل یکپارچه‌ای که همه متغیرها را در بر دارد و در همکنش آنها را در نظر می‌گیرد، برای پیش‌بینی استفاده می‌شود. لازم به ذکر است که ایده‌های [۱۴] در [۱۵] برای کنترل پیش‌بین نوع خاصی از اینورترها به کار برده شده که در آن مسئله کنترل پیش‌بین، نامقید و معیار عملکرد آن نیز دارای افق ثابت واحد است که بر مبنای مدل دینامیک ساده‌ای از سیستم عمل می‌کند. در نهایت با انجام شیوه‌سازی نشان داده می‌شود که در مقایسه با روش‌های رقیب، سرعت محاسبات به طور قابل توجهی افزایش می‌یابد.

بخش‌های بعدی مقاله به صورت زیر می‌باشند. در بخش دوم، مدل دینامیکی مبدل مد نظر تشریح می‌شود. در بخش سوم، اهداف کنترلی مبدل به صورت مسئله کنترل پیش‌بین فرمول‌بندی شده و به دنبال آن، کنترل کننده FCS-MPC با الگوریتم بهینه‌سازی رمزگشایی کروی برای مبدل چندسطحی ارائه می‌گردد. در بخش چهارم، روش پیشنهادی بر روی یک مبدل سه‌سطحی شیوه‌سازی و عملکرد آن در حالات گذرا و ماندگار با روش‌های رقیب موجود مقایسه می‌شود. در نهایت، جمع‌بندی و پیشنهادات برای ادامه کار ارائه می‌شود.

### ۲- مدل‌سازی دینامیکی مبدل چندسطحی چندبخشی

شمای کلی مبدل چندسطحی چندبخشی در شکل ۱ نشان داده شده است. مبدل از ترکیب چندین بخش به صورت سری تشکیل یافته که در آن هر بخش، یک مبدل ولتاژ نیمپل دوسری می‌باشد. هر فاز از مبدل به دو بازو تقسیم‌بندی شده است که هر یک از این بازوها شامل  $N$  بخش می‌باشد. این بخش‌ها به صورت  $M_m$  نام‌گذاری شده‌اند که در آن  $m \in \{1, 2, \dots, 2N\}$  است. مقاومت  $R$  به عنوان تلفات هدایتی و القاگر  $L$ ، خاصیت سلفی هر بازو را مدل‌سازی می‌کند و خروجی‌های مبدل چندسطحی به بار متصل شده‌اند. ترکیب سری القاگر  $L_r$  و مقاومت  $R_r$  به همراه ولتاژ شبکه  $v_{g,r}$  به عنوان بار در نظر گرفته شده است که معادل یک شبکه سه‌فاز ac می‌باشد [۱۳]. چون بخش‌های مبدل از نوع نیمپل هستند، ولتاژ تولیدی بخش‌ها  $v_m$  به صورت (۱) خواهد بود

$$v_m = u_m v_{c,m}, \quad u_m \in \{0, 1\} \quad (1)$$

### ۱-۳ بازنویسی مسئله بهینه‌سازی به فرم ماتریسی

می‌توان خروجی (۱۴) و (۱۵) را بر حسب مقدار اولیه حالت، ( $x(k)$ ) و توالی کنترلی، ( $U(k)$ ) نوشت. خروجی به صورت (۲۶) بازتعریف می‌شود که بیانگر خروجی‌های سیستم در طول افق پیش‌بینی از لحظه  $k+1$  تا  $k+N_p$  می‌باشد [۱]

$$Y(k) = [y^T(k+1), \dots, y^T(k+N_p)]^T \quad (26)$$

با توجه به (۱۴) و (۱۵)، دنباله خروجی در حالت برداری را می‌توان به صورت (۲۷) نوشت

$$Y(k) = \Gamma x(k) + \Upsilon U(k) + ZM$$

$$\Gamma = \begin{bmatrix} CA \\ CA^\top \\ \vdots \\ CA^{N_p} \end{bmatrix}, \quad Z = \begin{bmatrix} CA^{N_p-1} \\ \vdots \\ CA^\circ \end{bmatrix} \quad (27)$$

$$\Upsilon = \begin{bmatrix} CB & O & \cdots & O \\ CAB & CB & \cdots & O \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ CA^{N_p-1} & CA^{N_p-2} & \cdots & CB \end{bmatrix}$$

بنابراینتابع هزینه (۲۲) را می‌توان به صورت (۲۸) بازنویسی نمود که در آن مقادیر فرمان در ( $k$ ) قرار دارند  $Y^*(k)$

$$\begin{aligned} J &= (\Gamma x(k) + \Upsilon U(k) + ZM - Y^*(k))^T W \\ &\quad (\Gamma x(k) + \Upsilon U(k) + ZM - Y^*(k)) + \\ &\quad \lambda_u \|S U(k) - E u(k-1)\|_F^2 \\ S &= \begin{bmatrix} I & O & \cdots & O \\ -I & I & \cdots & O \\ O & -I & \cdots & O \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ O & O & \cdots & I \end{bmatrix}, \quad E = \begin{bmatrix} I \\ O \\ O \\ \vdots \\ O \end{bmatrix} \end{aligned} \quad (28)$$

جایی که ماتریس  $I$  یک ماتریس همانی با بعد  $6N \times 6N$  می‌باشد و  $W$  یک ماتریس وزن است. با تعريف  $P = \Gamma x(k) + ZM$  تابع هزینه به صورت (۲۹) خلاصه می‌گردد

$$J = \theta(k) + \Theta(k)U(k) + \|U(k)\|_Q^2$$

$$\theta(k) = \|P - Y^*(k)\|_W^2 + \lambda_u \|Eu(k-1)\|_F^2 \quad (29)$$

$$\Theta(k) = ((P - Y^*(k))^T W \Upsilon - \lambda_u (Eu(k-1))^T S)^T$$

با تعريف  $Q = \Upsilon^T W \Upsilon + \lambda_u S^T S$  می‌توان تابع هزینه را به صورت (۳۰) بازنویسی کرد

$$J = (U(k) + Q^{-1}\Theta(k))^T (U(k) + Q^{-1}\Theta(k)) \quad (30)$$

جواب مسئله بهینه‌سازی (۳۰) را بدون در نظر گرفتن قیود به راحتی می‌توان به صورت (۳۱) به دست آورد

$$U_{unc}(k) = -Q^{-1}\Theta(k) \quad (31)$$

لازم به ذکر است که مقدار  $U_{unc}$  لزوماً متعلق به  $\mathcal{U}$  نیست و فقط به عنوان مرکزی برای جستجوی کنترل بهینه استفاده خواهد شد. با توجه به (۳۰) و (۳۱) تابع هزینه به صورت (۳۲) بازنویسی می‌گردد

$$J = (U(k) - U_{unc}(k))^T (U(k) - U_{unc}(k)) \quad (32)$$

$$x(k+1) = Ax(k) + Bu(k) + M \quad (14)$$

$$y(k+1) = Cx(k+1) \quad (15)$$

که در آن  
که در آن  
(۱۶)

$$x = [x_i^T, x_c^T]^T \quad (16)$$

$$y = [y_i^T, y_c^T]^T \quad (17)$$

ماتریس‌های  $A$ ،  $B$  و  $C$  در (۱۴) در پیوست مقاله تعریف شده‌اند. بردار خروجی (۱۷) برای مدل جامع به صورت (۱۸) است

$$y = [i_a, i_b, i_c, i_{cir,a}, i_{cir,b}, i_{cir,c}, v_{c,a}, v_{c,a\tau}, \dots, v_{c,c\tau N}]^T \quad (18)$$

برای نمونه، مجموعه کنترلی متناهی برای مدل سه‌سطحی چندبخشی تک‌فاز در (۱۹) نشان داده شده که هر عضو آن معرف یک حالت کلیدزنی مجاز می‌باشد

$$\mathcal{U} \triangleq \left\{ \begin{pmatrix} \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} \cdot \\ \cdot \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} \cdot \\ \cdot \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \\ \cdot \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ \cdot \\ \cdot \end{pmatrix} \right\} \quad (19)$$

در نتیجه، مجموعه حالت‌های کلیدزنی برای حالت مبدل سه‌سطحی چندبخشی سه‌فاز در یک لحظه خاص به صورت (۲۰) است

$$\mathcal{U} = \mathcal{U} \times \mathcal{U} \times \mathcal{U} \quad (20)$$

برای یک افق پیش‌بینی مشخص، مجموعه حالت‌های کلیدزنی،  $\mathbb{U}$  با اعمال ضرب کارتزین به مجموعه  $\mathcal{U}$  به تعداد گام‌های افق پیش‌بین،  $N_p$  به صورت (۲۱) محاسبه می‌شود

$$\mathbb{U} = \mathcal{U} \times \dots \times \mathcal{U} \quad (21)$$

تعیین ورودی کنترل با کمینه‌کردن تابع هزینه (۲۲) انجام می‌شود

$$\begin{aligned} J &= \sum_{l=k}^{k+N_p-1} \|i_e(l+1)\|_r^2 + \lambda_c \|v_{c,var}(l+1)\|_r^2 + \\ &\quad \lambda_{cir} \|i_{cir}(l+1)\|_r^2 + \lambda_u \|\Delta u(l)\|_r^2 \\ v_{c,var}(k) &= \begin{bmatrix} v_{c,a} - v_{c,nom} \\ v_{c,a\tau} - v_{c,nom} \\ \vdots \\ v_{c,c\tau N} - v_{c,nom} \end{bmatrix}, \quad i_e = i_s^* - i_{s,p} \end{aligned} \quad (22)$$

که در (۲۲) ولتاژ نامی خازن‌ها،  $v_{c,nom}$  برابر  $n$  می‌باشد و  $\Delta u(l) = u(l) - u(l-1)$  است. توجه کنید که کمینه‌سازی (۲۲) موجب رسیدن جریان بار به مقدار مرجع خود، حفظ تعادل ولتاژ خازن‌ها و کنترل جریان گردشی می‌شود. با تنظیم وزن‌ها در تابع هزینه، مصالحهای بین دقت ردیابی و تلاش کنترلی ایجاد می‌شود [۱۶].

با تعريف کنترل در افق پیش‌بین به فرم، مسئله بهینه‌سازی به صورت (۲۳) تا (۲۵) فرمول‌بندی می‌شود

$$U_{opt}(k) = \arg \min_{U(k)} J \quad (23)$$

$$\text{s.t. } U(k) \in \mathbb{U} \quad (24)$$

$$\Delta u(l) \leq N, \quad \forall l = k, \dots, k + N_p - 1 \quad (25)$$

قید (۲۵) با هدف کاهش تلفات کلیدزنی، از درگیرشدن تمام سوئیچ‌ها در طی یک بازه جلوگیری می‌کند [۱۴].

برای انتخاب شعاع اولیه، حالت بهینه کلیدزنی قبلی ( $U_{opt}(k-1)$ ) به اندازه یک واحد زمان شیفت می‌یابد و آخرین حالت کلیدزنی دو بار تکرار می‌شود

$$U_{ini}(k) = \begin{bmatrix} O & I & O & \cdots & O \\ O & O & I & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & O \\ O & \cdots & \cdots & O & I \\ O & \cdots & \cdots & O & I \end{bmatrix} U_{opt}(k-1) \quad (36)$$

این امر با اصل افق کنترل برگشتی موافق است به دلیل این که حالت کلیدزنی قبلی قیود (۲۴) و (۲۵) را برآورده ساخته است حالت شیفت داده شده آن نیز این قیود را برآورده خواهد ساخت. بنابراین (۳۶) یک جواب ممکن برای (۳۴) است. می‌توان شعاع اولیه را به صورت (۳۷) به دست آورد

$$\rho(k) = \left\| \bar{U}_{unc}(k) - HU_{ini}(k) \right\|_r \quad (37)$$

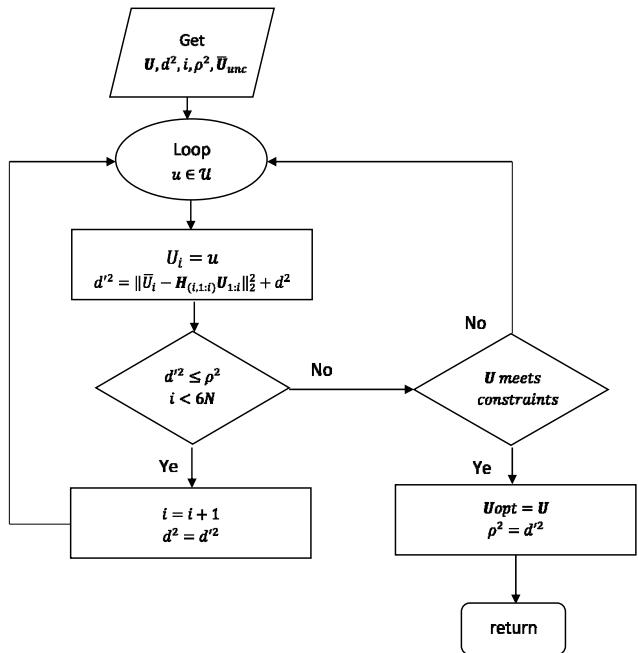
در هر لحظه، کنترل کننده برای اجرای الگوریتم با استفاده از متغیرهای حالت در زمان  $k$ ، مقادیر فرمان در زمان بعدی ( $Y^*(k+1)$ ،  $Y^*(k+1)$ )، حالت‌های کلیدزنی زمان قبل ( $U_{opt}(k-1)$ ) و توالی کنترلی بهینه در زمان قبلی ( $U_{opt}(k-1)$ ) به محاسبه و تعیین ( $U_{ini}(k)$ ،  $\rho(k)$  و  $\bar{U}_{unc}$ ) می‌پردازد. توالی کنترلی بهینه با استفاده از الگوریتمی به دست می‌آید که در [۱۴] تشریح شده و در شکل ۲ خلاصه شده که در آن ( $j, i$ ) عنصر  $H(i, j)$  عنصر شده و در ماتریس  $H$ ،  $\bar{U}_i$  بیانگر نامین عنصر از  $\bar{U}_{unc}$  و  $U_i$  بیانگر نامین عنصر از توالی کنترلی  $U$  می‌باشد.

در این روش، دنباله کنترلی  $U$  با شروع از عنصر اول به صورت عنصر به عنصر و با استفاده از حالات کلیدزنی مجاز  $\mathcal{U}$  تشکیل می‌گردد. اگر محدود اختلاف ( $d'$ ) کوچک‌تر از محدود شعاع گردد، الگوریتم به عنصر بعدی دنباله کنترلی  $U$  مراجعه خواهد کرد. هنگامی که الگوریتم به آخرین عنصر دنباله کنترلی  $U$  برسد به این معنی است که  $U$  از بعد کامل برخوردار بوده و می‌توان آن را یک کاندید برای توالی کنترلی بهینه تلقی کرد. اگر این توالی کنترلی قادر به برآورده ساختن قیود (۲۴) و (۲۵) باشد، این توالی کنترلی به عنوان توالی کنترلی بهینه انتخاب شده و محدود اختلاف به عنوان شعاع جدید انتخاب می‌گردد. این انتخاب باعث کمترشدن شعاع کره و در نتیجه خارج شدن تعدادی از توالی‌های کنترلی از درون کره می‌شود. اگر در طی اجرای الگوریتم بهینه‌سازی، جواب بهتری به دست آید شعاع کره، کوچک‌تر شده و تعداد توالی‌های کنترلی بیشتری از روند بررسی کثار خواهد رفت. هنگامی که تنها یک دنباله کنترلی درون کره به مرکزیت  $\bar{U}_{unc}$  وجود داشته باشد الگوریتم به پاسخ بهینه دست یافته است. در این زمان کار بهینه‌سازی الگوریتم در لحظه  $k$ ، تمام شده و می‌توان توالی کنترل بهینه را به مبدل اعمال نمود.

## ۴- نتایج شبیه‌سازی

عملکرد کنترل کننده پیش‌بین پیشنهادی با حل عددی معادلات دینامیکی مبدل، یعنی (۱۴) و (۱۵) از طریق کدنویسی در نرم‌افزار Matlab شبیه‌سازی و با روش MPDCC مقایسه می‌شود. ساختار مداری مبدل مد نظر مطابق با شکل ۱ است که در آن تعداد سطوح ولتاژ برابر ۳ اختیار شده است. مقادیر پارامترهایی که از [۱۳] اقتباس گردیده است در جدول ۱ آمده‌اند.

شکل موج‌های جریان بار به ازای افق پیش‌بین ۳ در طی یک دوره



شکل ۲: روندnamای الگوریتم بهینه‌سازی.

با توجه به این که این ماتریس  $Q$  یک ماتریس متقاضن مثبت معین است، ماتریس پایین‌ مثلثی معکوس‌پذیر یکتای  $H$  وجود دارد به طوری که  $H^T H = Q$  برقرار باشد [۱۷]. با تعریف متغیر  $\bar{U}_{unc}$  به فرم

$$\bar{U}_{unc}(k) = -HQ^{-1}\Theta(k) \quad (33)$$

مسئله بهینه‌سازی (۲۳) به فرم (۳۴) تبدیل می‌شود

$$U_{opt}(k) = \arg \min_{U(k)} \|HU(k) - \bar{U}_{unc}(k)\|_r \quad (34)$$

که البته قیود (۲۴) و (۲۵) هم در آن اعمال می‌شوند.

## ۲-۳ حل مسئله بهینه‌سازی

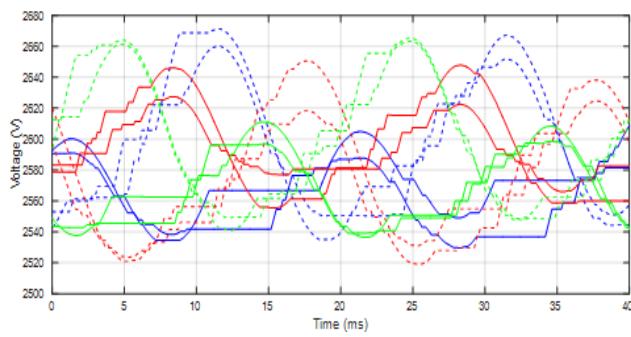
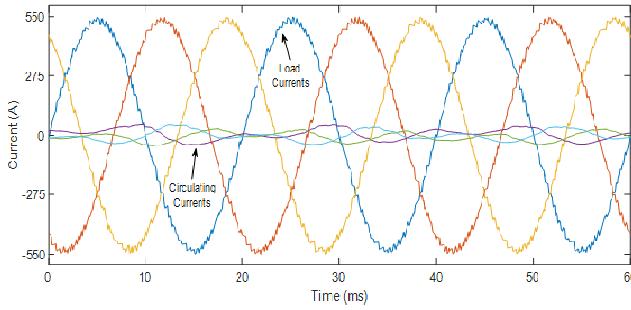
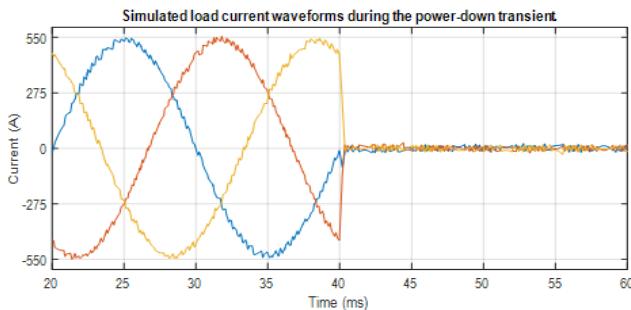
حل مسئله با روش جستجوی ساده، ظاهراً سرراست به نظر می‌رسد. در این روش، تمامی حالت‌های کلیدزنی مجاز (مجموعه  $\mathcal{U}$ ، یک به یک به سیستم کنترلی اعمال شده و توالی کنترلی که به ازای آن،تابع هزینه کمترین مقدار را داشته باشد به عنوان ورودی بهینه به مبدل اعمال می‌شود اما برای افق‌های پیش‌بینی بزرگ، کاربرد این روش بهینه‌سازی غیر عملی است. برای مثال در مبدل سه‌سطحی چندبخشی به ازای افق پیش‌بین ۳، برای تعیین یک دنباله کنترلی بهینه در هر بار بهینه‌سازی بایستی تعداد  $100^{77696} = 100 \times 6^3 \times 6^3$  حالت کلیدزنی مورد بررسی قرار گیرد.

برای حل کارای مسئله بهینه‌سازی با حجم محاسبات پایین از الگوریتم بهینه‌سازی رمزگشایی کروی استفاده می‌شود [۱۸] و [۱۹]. ایده اساسی در الگوریتم بهینه‌سازی رمزگشایی کروی، تلاش برای پیداکردن مجموعه‌ای از نقاط است که درون یک محدوده کروی به شعاع  $\rho$  و به مرکز  $\bar{U}_{unc}$  قرار دارند.

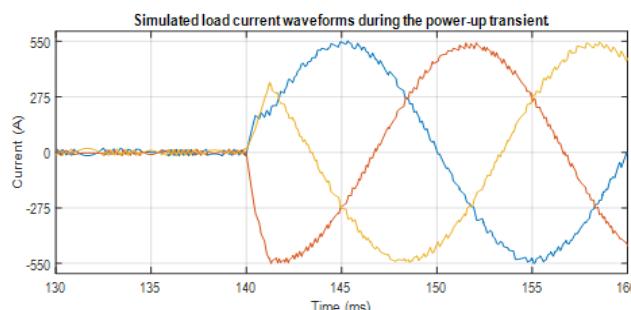
فرض کنید توالی کنترلی درون کره‌ای به شعاع  $\rho(k)$  و به مرکز  $\bar{U}_{unc}$  به فرم (۳۵) قرار دارد

$$\|\bar{U}_{unc}(k) - HU\|_r \leq \rho(k) \quad (35)$$

با توجه به این که ماتریس  $H$  دارای حالت مثلثی است، برای یک شعاع معین توالی‌های کنترلی که (۳۵) را برآورده سازند مشخص می‌شوند [۲۰].

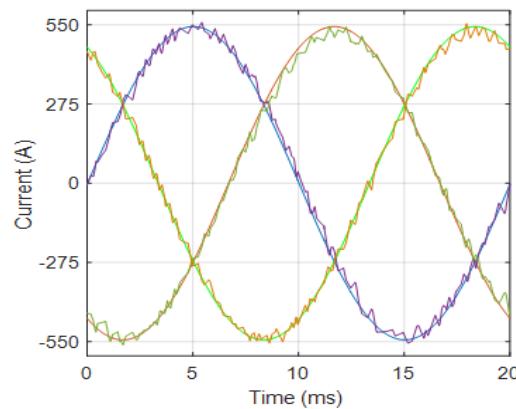
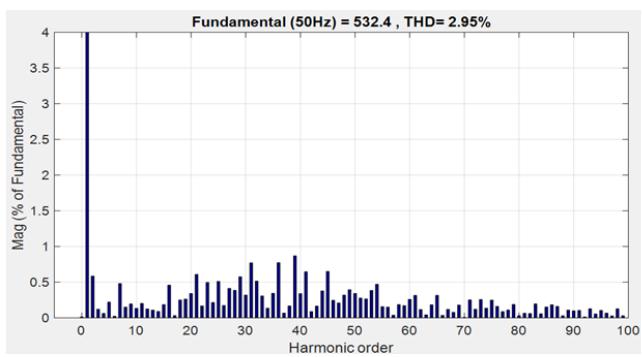
شکل ۵: شکل موج‌های ولتاژ خازن‌ها به ازای افق پیش‌بین.<sup>۳</sup>شکل ۶: جریان بار و جریان‌های گردشی به ازای افق پیش‌بین.<sup>۳</sup>

شکل ۷: شکل موج‌های جریان بار، هنگام افت بارگیری.



شکل ۸: شکل موج‌های جریان بار، هنگام خیز بارگیری.

سناریوی دوم در زمان  $t = 140$  میلی‌ثانیه مقادیر مرجع جریان بار به مقادیر واقعی‌شان تغییر داده می‌شوند که به عنوان شرایط خیز بارگیری<sup>۲</sup> شناخته می‌شود. همان‌گونه که در شکل‌های ۷ و ۸ مشاهده می‌شود، الگوریتم کنترلی به سرعت به تغییرات به وجود آمده پاسخ داده است. در جدول ۲ کارایی روش‌های کنترلی پیشنهادی و رقیب بر مبنای مشخصات عملکردی مهم مبدل، شامل THD جریان بار، فرکанс کلیدزنی، تغییرات ولتاژ خازن‌ها و دامنه جریان گردشی مقایسه می‌شود. با توجه به هدف مقاله، تعداد حالات کلیدزنی بررسی شده توسط الگوریتم بهینه‌سازی، مهم‌ترین معیار است که مزیت کنترل کننده پیشنهادی را

شکل ۳: شکل موج‌های جریان خروجی به ازای افق پیش‌بین.<sup>۳</sup>شکل ۴: طیف هارمونیکی جریان بار به ازای افق پیش‌بین.<sup>۳</sup>

جدول ۱: مقادیر پارامترهای مبدل سه‌سطحی چندبخشی [۱۳].

پارامتر	نماد	مقدار
فرکانس خروجی	$f_o$	۵۰ Hz
ولتاژ تغذیه	$V_{dc}$	۵/۲ kV
ولتاژ شبکه	$V_h$	۳ kV
جریان بار	$i_r$	۳۸۵ A
خازن بخش	$C_m$	۸ mF
مقاومت بار	$R_l$	۳۰۰ mΩ
مقاومت بازوها	$R$	۱۰۰ mΩ
مقاومت خازن‌ها	$R_{cap}$	۲۰ kΩ
اندوکتانس بار	$L_l$	۲/۸۶ mH
اندوکتانس بازوها	$L$	۱ mH
زمان نمونه‌برداری	$t_s$	۲۵ μs

تناب در شکل ۳ نشان داده شده است. شکل ۴ طیف هارمونیکی جریان بار را نشان می‌دهد و مقدار THD در این حالت ۲۹۶ درصد می‌باشد که مقداری مطلوب است.

شکل موج‌های ولتاژ برای خازن‌های مبدل برای افق پیش‌بینی ۳ در شکل ۵ نشان داده شده‌اند. در این حالت نیز ولتاژ خازن‌ها در محدوده کمتر از ۵ درصد ولتاژ نامی در حال تغییر می‌باشد. شکل ۶ جریان‌های گردشی و جریان بار را نشان می‌دهد. جریان‌های گردشی تا حدود ۱۳٪ جریان خروجی، کمینه‌سازی شده‌اند.

به منظور ارزیابی عملکرد مبدل در حالت گذرا، در سناریوی اول در لحظه  $t = 40$  میلی‌ثانیه مقادیر مرجع جریان بار به یک باره به صفر تغییر می‌یابند که به عنوان شرایط افت بارگیری<sup>۱</sup> نامیده می‌شود. در

جدول ۲: مقایسه مشخصات عملکردی با شبیه‌سازی.

روش کنترل	THD جریان بار	فرکانس کلیدزنی	تغییرات ولتاژ خازن‌ها	دامنه جریان گردشی	تعداد حالات برسی شده
جستجوی ساده (۱)	۴۲۶ Hz	%۲۶۳	%۴ ولتاژ نامی	%۱۱ جریان بار	۲۱۶
(N <sub>p</sub> = ۱) [۱۲] MPDCC	۳۹۶ Hz	%۳۳۹	%۶ ولتاژ نامی	%۱۵ جریان بار	۲۱۶
روش پیشنهادی (۱)	۴۲۲ Hz	%۲۵۴	%۵ ولتاژ نامی	%۱۳ جریان بار	۴۹ میانگین ۵، حداقل
روش پیشنهادی (۳)	۴۰۸ Hz	%۲۹۵	%۵ ولتاژ نامی	%۱۳ جریان بار	۸۴۰۰ میانگین ۹۳، حداقل

## ۵- نتیجه‌گیری

در مبدل‌های چندسطحی چندبخشی، کیفیت شکل موج خروجی با افزایش تعداد بخش‌ها بهتر می‌شود اما افزایش تعداد بخش‌ها، سبب پیچیدگی استراتژی کنترل کلیدزنی خواهد شد. بنابراین طراحی کنترل کننده‌ای که در عین سادگی پیاده‌سازی عملی، قابلیت کنترل جریان بار، تعادل ولتاژ خازن‌ها و کمینه‌سازی جریان گردشی را داشته باشد، حائز اهمیت است. در این مقاله، روش کنترل پیش‌بین با مجموعه کنترل متناهی FCS-MPC که بخش بهینه‌سازی آن از الگوریتم رمزگشایی کروی استفاده می‌شود، برای مبدل‌های چندسطحی چندبخشی به کار گرفته شده است. مقایسه نتایج حاصل با روش‌های رقیب، نمایانگر این است که با استفاده از روش کنترلی پیشنهادی، علاوه بر رسیدن به عملکرد مطلوب، بار محاسباتی به طور چشم‌گیری کاهش یافته است. این امر موجب تسريع پاسخ‌دهی مدار می‌شود و برای پیاده‌سازی عملی آن نیازی به پردازنده‌های قوی که هزینه بالایی هم دارند نیست. در کارهای آینده می‌توان با نظر گرفتن نامعینی‌ها و اغتشاشات، به بررسی عملکرد روش کنترلی در افق‌های پیش‌بین طولانی پرداخت.

## پیوست

ماتریس‌های سیستم زمان گستته (۹) تا (۱۳)، در ادامه از [۱۳] آمده‌اند که در آنها  $I_m$  یک ماتریس همانی  $m \times m$ ،  $\mathbf{0}_N$  یک ماتریس  $N \times N$  با درایه‌های صفر و  $t_s$  نشانگر بازه نمونه‌برداری می‌باشد

$$A_i = e^{T^{-1}F_i t_s} \quad (1)$$

$$T = \begin{bmatrix} L & L & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & L & L & \cdot & \cdot & \cdot \\ -L & -L & -L & -L & 2L & \cdot & \cdot \\ -L_l & L + L_l & L_l & -L - L_l & \cdot & \cdot & \cdot \\ 2L_l & -2L - 2L_l & L_l & -L - L_l & L & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & 1 \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & 1 \end{bmatrix}$$

$$F_i = \begin{bmatrix} -R & -R & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & -R & -R & \cdot & \cdot & \cdot \\ R & R & R & R & -2R & \cdot & \cdot \\ R_l & -R - R_l & -R_l & R + R_l & \cdot & \frac{3}{2} & \frac{-\sqrt{3}}{2} \\ -2R_l & 2(R + R_l) & -R_l & R + R_l & -R & \frac{-3}{2} & \frac{-\sqrt{3}}{2} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & -\omega \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \omega & \cdot \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$B_i = F_i^{-1} T (A_i - I_v) T^{-1} G_i$$

تأیید می‌کند. روش‌ن است که در اکثر شاخص‌ها نتایج به دست آمده برای روش پیشنهادی، برابر یا مطلوب‌تر از نتایج الگوریتم MPDCC می‌باشد. توجه کنید که فرکانس کلیدزنی با در نظر گرفتن تغییر حالات کلیدزنی هر فاز در بازه زمانی ۲۰۰ میلی‌ثانیه به صورت (۳۸) محاسبه شده است

$$n = \sum_{i=1}^I |S_i(k+1) - S_i(k)| \quad (38)$$

که در آن  $S_i(k+1)$  نشان‌دهنده حالت کلید در زمان نمونه‌برداری بعدی و  $S_i(k)$  حالت کلید در زمان فعلی می‌باشد. در الگوریتم پیشنهادی، برای بازه زمانی ۲۰۰ میلی‌ثانیه، فرکانس کلیدزنی برای افق پیش‌بین ۳ برابر با ۴۰۸ هرتز می‌باشد.

همان طور که در جدول ۲ دیده می‌شود، فرکانس کلیدزنی مبدل با اعمال الگوریتم MPDCC اندکی کمتر از فرکانس کلیدزنی مبدل در الگوریتم پیشنهادی می‌باشد و البته لازم به ذکر است که در روش پیشنهادی با افزایش افق پیش‌بین، فرکانس کلیدزنی مبدل کاهش می‌باید. به طور خلاصه برای افق‌های طولانی و همچینین برای مبدل‌هایی با تعداد سطوح زیاد، اجرای الگوریتم‌های MPDCC و جستجوی ساده، دشوار می‌باشد. اما در یک افق پیش‌بین مشخص، تعداد حالات کلیدزنی مورد بررسی در فرایند بهینه‌سازی الگوریتم کنترل پیشنهادی، بسیار کمتر از روش‌های رقیب می‌باشد. لازم به ذکر است که چون MPDCC در ساخت مبدل به طور عملی اجرا شده و نتایج آزمایشگاهی حاصل در [۱۲] گزارش شده است روش پیشنهادی که مستلزم بار محاسباتی کمتری نسبت به آن است، قابلیت پیاده‌سازی واقعی را دارد.

- [3] Z. Li, P. Wang, Z. Chu, H. Zhu, Y. Luo, and Y. Li, "An inner current suppressing method for modular multilevel converters," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 28, no. 11, pp. 4873-4879, Nov. 2013.
- [4] A. Hassanoor, S. Norrga, H. Nee, and L. Angquist, "Evaluation of different carrierbased PWM methods for modular multilevel converters for HVDC application," in *Proc. 38th Ann. Conf. on IEEE Ind. Electron. Society, IECON'12*, pp. 388-393, Montreal, Canada, 25-28 Oct. 2012.
- [5] M. Hagiwara and H. Akagi, "Control and experiment of pulselwidth modulated modular multilevel converters," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 24, no. 7, pp. 1737-1746, Jul. 2009.
- [6] D. E. Quevedo, R. P. Aguilera, and T. Geyer, *Predictive Control in Power Electronics and Drives: Basic Concepts, Theory, and Methods*, Springer, 2014.
- [7] F. Hassan and W. Crookes, "Direct model predictive control for medium voltage modular multi-level STATCOM with and without energy storage," in *Proc. IEEE Int. Conf. Ind. Technol.*, pp. 932-937, Athens, Greece, 19-21 Mar. 2012.
- [8] T. Geyer, "A comparison of control and modulation schemes for mediumvoltage drives: emerging predictive control concepts versus PWM-based schemes," *IEEE Trans. Ind. Appl.*, vol. 47, no. 3, pp. 1380-1389, May-Jun. 2011.
- [9] J. Bocker, B. Freudenberg, A. The, and S. Dieckerhoff, "Experimental comparison of model predictive control and cascaded control of the modular multilevel converter," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 30, no. 1, pp. 422-430, Jan. 2014.
- [10] J. Rodriguez, et al., "State of the art of finite control set model predictive control in power electronics," *IEEE Trans. Ind. Informat.*, vol. 9, no. 2, pp. 1003-1016, May 2013.
- [11] L. F. Crispino and L. G. B. Rolim, "Model predictive control of a modular multilevel converter combined with sorting methods," in *Proc. 12th IEEE Int. Conf. on Ind. Applications, INDUSCON'16*, 6 pp., Curitiba, Brazil, 20-23 Nov. 2016.
- [12] B. S. Riar, T. Geyer, and U. K. Madawala, "Model predictive direct current control of modular multilevel converters: modeling, analysis, and experimental evaluation," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 30, no. 1, pp. 431-439, Jan. 2015.
- [13] B. S. Riar, *Design and Control of Modular Multilevel Converters*, Ph.D. Thesis, University of Auckland, 2015.
- [14] T. Geyer and D. E. Quevedo, "Multistep finite control set model predictive control for power electronics," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 29, no. 12, pp. 6836-6846, Dec. 2014.
- [15] R. P. Aguilera, et al., "Model predictive control of cascaded H-bridge inverters based on a fast-optimization algorithm," in *Proc. 41st IEEE Ann. Conf. of the Ind. Electron. Society, INDUSCON'15*, pp. 4003-4008, Curitiba, Brazil, 20-23 Nov. 2015.
- [16] P. Cortes, et al., "Guidelines for weighting factors design in model predictive control of power converters and drives," in *Proc. IEEE Int. Conf. Ind. Technol., ICIT'09*, 7 pp., Gippsland, Australia, 10-13 Feb. 2009.
- [17] R. A. Horn and C. R. Johnson, *Matrix Analysis*, Cambridge, U. K.: Cambridge Univ. Press, 1985.
- [18] L. G. Mitten, "Branch-and-bound methods: general formulation and properties," *Op. Res.*, vol. 18, no. 1, pp. 24-34, Jan.-Feb. 1970.
- [19] B. Hassibi and H. Vikalo, "On the sphere-decoding algorithm I, expected complexity," *IEEE Trans. Signal Process.*, vol. 53, no. 8, pp. 2806-2818, Aug. 2005.
- [20] T. Geyer and D. E. Quevedo, "Performance of multistep finite control set model predictive control for power electronics," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 30, no. 3, pp. 1633-1644, Mar. 2015.

**حسین شفاییه هیق** مدرک کارشناسی مهندسی برق خود را در سال ۱۳۹۲ از دانشگاه علمی کاربردی آذربایجان شرقی دریافت نمود و در سال ۱۳۹۵ موفق به اخذ مدرک کارشناسی ارشد مهندسی برق در گرایش کنترل از دانشگاه صنعتی سهند تبریز گردید. زمینه‌های علمی مورد علاقه وی شامل کاربرد نظریه کنترل در مبدل‌های قدرت و سیستم‌های توزیع قدرت می‌باشد.

**رضا محبوبی اسفنجانی** در سال ۱۳۸۱ مدرک کارشناسی خود را از دانشکده مهندسی برق دانشگاه صنعتی سهند دریافت نمود و مدارک کارشناسی ارشد و دکتری خود را به ترتیب در سال‌های ۱۳۸۳ و ۱۳۸۸ از دانشگاه صنعتی امیرکبیر تهران اخذ نمود. وی از اواخر سال ۱۳۸۸ عضو هیأت علمی گروه کنترل دانشکده مهندسی برق دانشگاه صنعتی سهند در تبریز می‌باشد. زمینه‌های تحقیقاتی وی شامل کنترل سیستم‌های شبکه‌شده، کنترل پیش‌بین و کنترل مبدل‌های قدرت می‌باشد.

$$G_i = \begin{bmatrix} V_{aT} & V_{aB} & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & V_{bT} & V_{bB} & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & V_{cT} & V_{cB} & \cdot \\ \cdot & V_{aB} & \cdot & -V_{bB} & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & -V_{ab} & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & V_{cB} & \cdot \\ \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot \end{bmatrix} \quad (3-\beta)$$

$$V_{rT} = \begin{bmatrix} -V_{c,r} & -V_{c,r} & \cdots & -V_{c,r} \end{bmatrix}$$

$$V_{rB} = \begin{bmatrix} -V_{c,r(N+1)} & -V_{c,r(N+1)} & \cdots & -V_{c,rN} \end{bmatrix}$$

$$V_i = F_i^{-1} T (A_i - I_v) T^{-1} V_{dc}$$

$$V_{dc} = [V_{dc} \quad V_{dc} \quad V_{dc} \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot]^T$$

$$C_i = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \cdot & \cdot & -\frac{1}{3} & \cdot & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -\frac{1}{3} & \cdot & \cdot & \cdot \\ -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & \frac{2}{3} & \cdot & \cdot & \cdot \end{bmatrix} \quad (4-\beta)$$

$$A_c = e^{F_c t_s}$$

$$F_c = -\frac{1}{CR_{cap}} I_{sN} \quad (5-\beta)$$

$$B_c = F_c^{-1} (A_c - I_{sN}) G_c \quad (6-\beta)$$

$$G_c = \frac{1}{C} \times$$

$$\begin{bmatrix} i_{aT} I_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N \\ \cdot_N & i_{aB} I_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N \\ \cdot_N & \cdot_N & i_{bT} I_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N \\ \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & i_{bB} I_N & \cdot_N & \cdot_N \\ \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & i_{cT} I_N & \cdot_N \\ \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & \cdot_N & i_{cB} I_N \end{bmatrix} \quad (7-\beta)$$

$$C_c = I_{sN}$$

ماتریس‌های سیستم زمان گستته افزونه شده در (۱۴) و (۱۵) عبارتند از

$$A = \begin{bmatrix} A_i & \cdot \\ \cdot & A_c \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} B_i \\ B_c \end{bmatrix} \quad (8-\beta)$$

$$C = \begin{bmatrix} C_i & \cdot \\ \cdot & C_c \end{bmatrix}, \quad M = \begin{bmatrix} V_i \\ \cdot \end{bmatrix}$$

## مراجع

- [1] S. Debnath, J. Qin, B. Bahrami, M. Saeedifard, and P. Barbosa, "Operation, control, and applications of the modular multilevel converter: a review," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 30, no. 1, pp. 37-53, Jan. 2014.
- [2] M. Perez, S. Bernet, J. Rodriguez, S. Kouro, and R. Lizana, "Circuit topologies, modelling, control schemes and applications of modular multilevel converters," *IEEE Trans. Power Electron.*, vol. 30, no. 1, pp. 4-17, Jan. 2014.

محمد هجری مدارک کارشناسی و کارشناسی ارشد خود را به ترتیب در سال‌های ۱۳۷۹ و ۱۳۸۱ در مهندسی برق، گرایش قدرت از دانشگاه‌های تبریز و صنعتی شریف دریافت نمود. وی موفق به اخذ مرک دکتری خود در سال ۱۳۸۹ در مهندسی برق و در قالب برنامه همکاری‌های مشترک بین دانشگاه صنعتی شریف و دانشگاه کالیاری ایتالیا گردید. نامبرده همکاری‌های متعددی با صنایع و مراکز تحقیقاتی مختلف من جمله شرکت ریخته‌گری تراکتورسازی ایران، شرکت فولاد خوزستان، شرکت برق منطقه ای آذربایجان، پالایشگاه تبریز و مرکز تحقیقات نیرو (متن) داشته است. همچنین وی در سال ۱۳۸۹ موفق به دریافت پورسیه دوره پسادکتری از دانشکده مهندسی برق دانشگاه KTH سوئد گردید. نامبرده از سال ۱۳۹۱ تا کنون به عنوان عضو هیأت علمی دانشکده مهندسی برق دانشگاه صنعتی سهند تبریز مشغول به فعالیت می‌باشد. زمینه‌های تحقیقاتی مورد علاقه وی مشتمل بر نظریه کنترل و کاربردهای آن در الکترونیک قدرت، انرژی‌های نو و سیستم‌های قادر می‌باشد.